

Microéconomie 1 (Ecole normale supérieure Ulm, Département d'économie, 2014-2017). Théorie du consommateur, théorie du producteur, demande et offre agrégées, Intervention publique en équilibre partiel, Choix sous incertitude, Externalités et biens publics, Équilibre général.

Marianne Tenand

#### ▶ To cite this version:

Marianne Tenand. Microéconomie 1 (Ecole normale supérieure Ulm, Département d'économie, 2014-2017). Théorie du consommateur, théorie du producteur, demande et offre agrégées, Intervention publique en équilibre partiel, Choix sous incertitude, Externalités et biens publics, Équilibre général.. Licence. France. 2017. cel-01873682

HAL Id: cel-01873682 https://cel.hal.science/cel-01873682

Submitted on 13 Sep 2018

**HAL** is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers. L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.

Microéconomie 1 Département d'écon<mark>omie ENS</mark> 2016 - 2017

# Théorie du consommateur (1): Préférences, utilité et contrainte budgétaire

Marianne Tenand marianne.tenand[at]ens.fr

# A propos de ce support



- Ce support a été conçu pour le cours « Microéconomie 1 » dispensé à l'Ecole normale supérieure (ENS Ulm) entre 2014 et 2017, aux étudiants inscrits en première année au Département d'économie (niveau Licence-L3).
- Je me suis inspirée des cours de microéconomie que j'avais moi-même suivis à l'ENS, à l'Ecole d'économie de Paris (Master PPD) et à l'Université de Montréal, ainsi que de « conférences de méthodes » de l'IEP Paris.
- Le cours, et en particulier les exemples et exercices, s'inspire également de manuels de microéconomie dont les références sont fournies à la fin des slides.
- Libre à vous de consulter ce support, le faire circuler et le réutiliser, selon les conditions de la licence <u>Creative Commons CC BY-NC-SA 4.0</u>.
- Je vous serais reconnaissante de me signaler d'éventuelles erreurs (marianne.tenand[at]ens.fr)

### **Questions fondamentales**

- Comment un agent économique décide de l'allocation de ses ressources (limitées) ?
  - Comment rendre compte du fait qu'il va préférer un bien à un autre ?
  - Comment un agent prend sa décision dans une situation de ressources limitées ?
  - De quelle manière les quantités achetées par l'agent dépendent des prix de ces biens ?

#### → théorie du consommateur

#### **Motivations**

- Utilité pour la définition des stratégies des entreprises :
  - Côte d'Or veut commercialiser un chocolat à la mandarine confite.
    - → Quel prix fixer pour sa commercialisation ?
- Utilité pour la conception de politiques publiques :
  - Le gouvernement des Etats-Unis désire inciter les ménages à faible revenu à consommer des aliments sains. Il met en place un système de bons échangeables contre des fruits et légumes.
  - → Sous quelles conditions cette politique va t'elle amener les ménages américains à acheter plus de fruits et légumes ?
  - → Est-ce une politique efficace ? Quel avantage par rapport à une aide monétaire individuelle ?

# L'analyse du comportement du consommateur

#### Cadre d'analyse

 Système marchand, avec existence de prix bien définis (et d'une unité de compte)

#### Trois étapes

- Description des préférences du consommateur : la courbe d'utilité
- 2. Détermination de la contrainte budgétaire
- Analyse du choix du consommateur

# Hypothèses de travail

#### Hypothèses

- Le consommateur est un individu rationnel
- || maximise sa satisfaction ...
- ... en fonction des prix des biens et des ressources dont il dispose
- Ses motivations individuelles peuvent être reconstruites selon le principe de l'individualisme méthodologique
  - Référence au seul agent d'intérêt (et non à son groupe social)
  - Description des préférences (et non leur explication)
- = hypothèses fondamentales de la théorie néoclassique
  - Amendements possibles à la marge pour tenir compte de la rationalité limitée des agents

#### Def1 : <u>Panier de consommation</u>

■ Le panier de consommation correspond au vecteur  $x = (x_1, x_2, ..., x_n)$  où  $x_i$  représente la **quantité du bien** i consommé par l'agent

#### Def2 : Espace des objets

- On considère une consommateur confronté à un ensemble X de paniers de consommation <u>possibles</u>
- L'espace des objets correspond à la liste complète des biens et des services que l'individu peut choisir de consommer
- Biens divisibles ou biens indivisibles

 $\underline{\mathsf{Ex:}}\ X = \{ \text{licence d'économie, licence de philo, chorale de l'ENS, présidence du COF, ...} \}$ 

 $x = (licence \ d'économie, 2 \ cours \ de \ philo, 3 \ heures \ de \ chorale, ...)$ 

#### Remarques:

- L'ensemble X devrait inclure les biens et services dont la consommation pourrait avoir lieu à chaque date et en chaque lieu, et sous des circonstances données
- En pratique : on omet la date et le lieu en analyse statique
- Changera avec analyse de la demande d'assurance et des choix inter-temporels de consommation

#### Propriétés

- X est généralement supposé défini sur R<sup>+</sup> ou sur N<sup>+</sup> (borné inférieurement)
- X est supposé :
  - Compact (fermé et borné)
  - Convexe

#### Def3 : Relation de préférence

- Les préférences correspondent à une relation de classement des objets de l'espace des objets
- Soit x et x' deux paniers de consommation. On note  $x \gtrsim x'$  la relation signifiant « le panier x est préféré ou indifférent au panier x' »
  - La relation de **préférence stricte** > est définie par:

$$x > x' \Leftrightarrow$$

$$x > x' \Leftrightarrow x \gtrsim x' \underline{et} \qquad NON(x' \gtrsim x)$$

■ La relation d'indifférence ~ est définie par:

$$\chi \sim \chi'$$

$$\Leftrightarrow$$

$$x \sim x' \Leftrightarrow x \gtrsim x' \underline{et} \qquad x' \gtrsim x$$

$$X' \gtrsim X$$

#### Hypothèses cruciales

- La relation de préférence est une relation **complète** : pour tout x et y appartenant à X,  $x \ge y$  <u>ou</u>  $y \ge x$
- La relation de préférence est une relation réflexive : pour tout x appartenant à X, x ≥ x
- La relation de préférence est une relation **transitive** : pour tout x, y et z de X, si x  $\geq$  y et y  $\geq$  z, alors x  $\geq$  z
- Def4: une relation de préférence est dite rationnelle ssi elle est complète, réflexive et transitive.
  - Assure la cohérence des choix
  - Comportements « irrationnels » : qui ne peuvent résulter de préférences dites rationnelles

#### Réalisme de ces hypothèses ?

- Au niveau agrégé : paradoxe de Condorcet (la transitivité des préférences individuelles entraîne une intransitivité des préférences collectives)
- Existe parfois aussi au niveau individuel (expériences en laboratoire)

#### Propriétés additionnelles habituelles

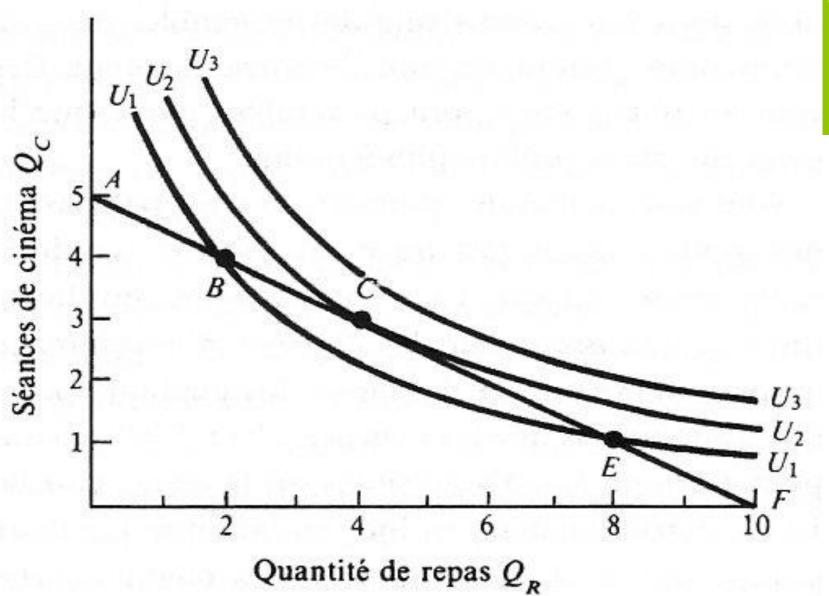
- Les préférences sont continues (pas de « trous »)
- Les préférences sont monotones (plus est préféré à moins)
- Les préférences sont convexes (goût pour la diversité: un peu de ci et de ça est préféré à beaucoup de ci ou beaucoup de ça)

#### 2. Les courbes d'indifférence

- Les préférences peuvent être décrites graphiquement par des courbes d'indifférence
- Def5: les <u>courbes d'indifférence</u> représentent l'ensemble des paniers de consommation entre lesquels un consommateur est exactement indifférent
  - Un même consommateur a autant de courbes d'indifférences que de niveaux de satisfaction potentiels

#### Propriétés :

- Des courbes d'indifférence correspondant à des niveaux de satisfaction différents ne peuvent pas se croiser
- Des préférences <u>convexes</u> sont représentées par des courbes d'indifférence qui sont <u>convexes</u>



Source: Pyndick, Pearson Education France

### 2. Les courbes d'indifférence

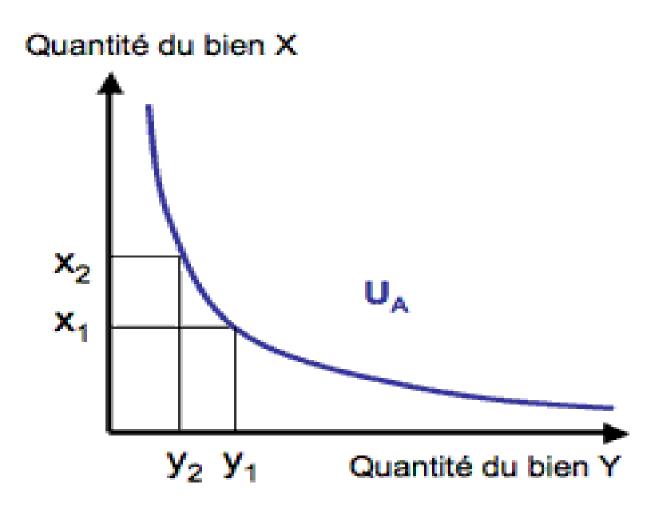
Def6: le taux marginal de substitution entre un bien 1 et un bien 2 (TMS<sub>1,2</sub>) est la <u>quantité</u> de bien 2 que le consommateur est prêt à échanger contre une unité du bien 1, de manière à maintenir son niveau de satisfaction inchangé

$$TMS_{1,2} \left( x_1, \, x_2 \right) = - \, dx_2 / dx_1 \, |_{satisfaction \, inchang\'ee}$$
 Où  $dx_1$  et  $dx_2$  sont les quantités de biens  $x_1$  et  $x_2$  tels que : 
$$\left( x_1, \, x_2 \right) \sim \left( x_1 + dx_1, \, x_2 + dx_2 \right)$$

- Le TMS correspond à la valeur absolue de la pente de la courbe d'indifférence
- Le TMS est généralement **positif** 
  - TMS = constante
  - TMS = 0 ou TMS = + ∞
  - TMS variable (entre 0 et + ∞)

- → substituts parfaits
- compléments parfaits
- → substituts imparfaits

#### 2. Les courbes d'indifférence



Def7: une fonction u de X dans R est une <u>fonction d'utilité</u> représentant la relation de préférence ≥ <u>ssi</u>, pour tout x et y appartenant à X,

$$x \gtrsim y \Leftrightarrow U(x) \ge U(y)$$

- Attention (1): La fonction d'utilité représentant une relation de préférence donnée ≥ n'est <u>pas unique</u>. Elle est définie à une transformation monotone croissante près.
  - Ainsi, soit f est monotone strictement croissante ; si u représente ≥, fou représente aussi ≥
- **Def8** : la <u>courbe d'indifférence</u> de niveau a est l'ensemble de tous les paniers x de X tels que :

$$\cap(x) = a$$

- Utilité cardinale ou utilité ordinale?
  - Premiers néoclassiques : supposent que le consommateur attribue une note chiffrée à la consommation de chaque bien
    - → utilité <u>cardinale et additive</u>
  - Critique d'Edgeworth : la vision néoclassique ne prend pas en compte les phénomènes d'interdépendance entre biens
    - → fonction d'utilité généralisée et courbes d'indifférence
  - Critique de Pareto: dans la réalité, impossibilité de chiffrer la satisfaction tirée de la consommation d'un bien plutôt qu'un autre
    - → <u>utilité ordinale</u>
  - Critique de Veblen: une partie de la consommation ostentatoire: la satisfaction qui en est tirée dépend du prix des biens consommés

Def9 : <u>l'utilité marginale</u> du bien i consommé en quantité x correspond au gain d'utilité généré par une augmentation infinitésimale de la quantité de bien i consommée, lorsque les quantités de tous les autres biens consommés restent inchangées.

$$U_{m \times i}(x) = [\partial U/\partial x_i](x)_{|x_j, pour tout j \neq i}$$

- Proposition : l'utilité marginale est décroissante
  - Est-ce <u>vérifié/ vérifiable</u>?
    - Littérature économique sur le bonheur : l'indice de satisfaction déclarée augmente avec le revenu ; mais l'augmentation diminue au fur et à mesure que le revenu augmente.

#### Lien avec le taux marginal de substitution (TMS)

On cherche à définir la variation dans la quantité consommée du bien j, dx<sub>j</sub>, nécessaire pour compenser une variation de magnitude dx<sub>i</sub> dans la consommation du bien i, soit dx<sub>i</sub> tq:

$$[\partial U/\partial x_i](x) dx_i + [\partial U/\partial x_j](x) dx_j + ... + [\partial U/\partial x_n](x) dx_n = 0$$

#### Par hypothèse:

- 1. dU = 0 (puisqu'on raisonne à niveau d'utilité donné)
- 2. pour tout  $k \neq i,j$ ,  $dx_k = 0$

#### Par identification:

TMS = 
$$[\partial U/\partial x_i](x) / [\partial U/\partial x_j](x) = U_{m \times i}(x) / U_{m \times j}(x)$$

#### Propriétés de la fonction d'utilité

- La relation de préférence ≥ est (strictement) monotone SSI les fonctions d'utilité associées sont (strictement) croisssantes
- Si la relation de préférence ≥ est (strictement) <u>convexes</u> alors les fonctions d'utilité associées sont (strictement) <u>quasi-</u> concaves
  - Attention (2) ! U n'est pas nécessairement concave
  - La stricte convexité des préférences (donc la stricte quasiconcavité de la fonction d'utilité associée) garantit <u>l'unicité</u> de la solution au problème de maximisation de l'utilité
- Une <u>fonction</u> d'utilité représentant une <u>relation de préférence</u> complète, transitive, réflexive et continue est **continue**
  - Cette propriété garantit <u>l'existence</u> d'une solution au problème de maximisation de l'utilité

#### Exercice : quelques relations de préférences usuelles...

Représenter les courbes d'indifférence représentant les relations de préférences associées aux fonctions d'utilité suivantes.

Calculer le TMS associé.

Les biens sont-ils complémentaires ? Substituts ?

- 1.  $U = x_1 x_2$
- 2.  $U = x_1 + 2x_2$
- 3.  $U = min(4x_1, x_2)$
- 4.  $U = x_1 x_2$

- Jusqu'ici, analyse positive (= description de ce qui est)
- Le concept d'optimum de Pareto permet d'introduire la normativité (= caractérisation de ce qui devrait être)
- **Cadre d'analyse :** une économie à *n* consommateurs et *k* biens
  - Cadre simplifié: une économie avec 2 consommateurs, A et B, et deux biens, 1 et 2.
  - Soit (w<sub>1</sub>, w<sub>2</sub>) le **vecteur des ressources** en bien 1 et en bien 2 présentes dans l'économie
  - On appelle **allocation** tout vecteur définissant les quantités des biens 1 et 2 consommés par les agents A et B :  $x = (x_{1A}, x_{2A}, x_{1B}, x_{2B})$
  - Def : une allocation est dite <u>disponible ou réalisable</u> ssi elle satisfait la contrainte de rareté :

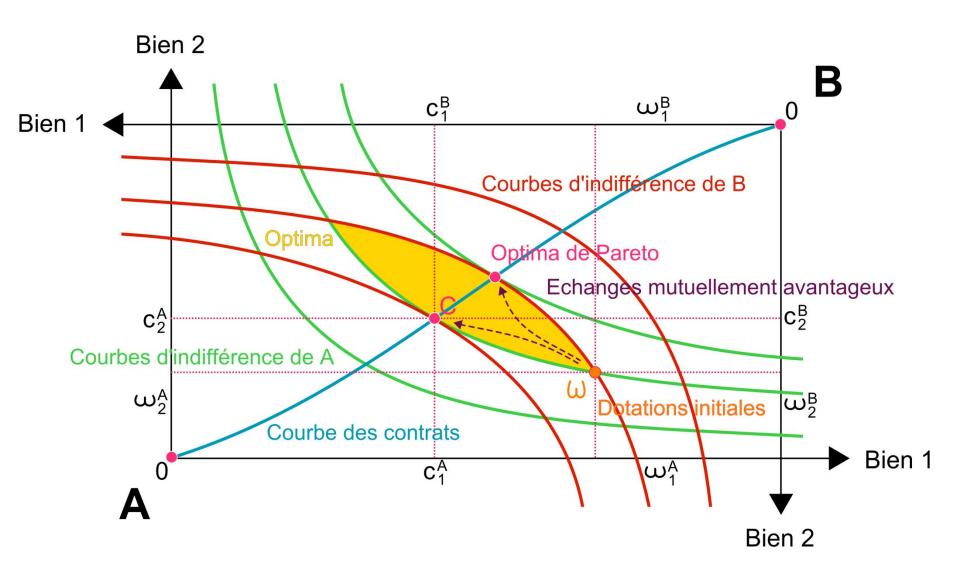
$$x_{1A} + x_{1B} \le w_1 et x_{2A} + x_{2B} \le w_2$$

- **Def10**: une allocation  $x = (x_{1A}, x_{2A}, x_{1B}, x_{2B})$  est dite **paréto- optimale** ssi :
  - Elle est <u>réalisable</u>
  - Il n'existe <u>aucune autre allocation réalisable</u>  $y = (y_{1A}, y_{2A}, y_{1B}, y_{2B})$  telle que :

$$U_{A}(y_{1A}, y_{2A}) \ge U_{A}(x_{1A}, x_{2A}) \ \underline{et} \ U_{B}(y_{1B}, y_{2B}) > U_{B}(x_{1B}, x_{2B})$$
 
$$OU \ U_{A}(y_{1A}, y_{2A}) > U_{A}(x_{1A}, x_{2A}) \ \underline{et} \ U_{B}(y_{1B}, y_{2B}) \ge U_{B}(x_{1B}, x_{2B})$$

Etant donné une certaine allocation des ressources et les niveaux d'utilité des différents individus qui leur sont associés, est-il possible de trouver une autre allocation des ressources qui permette d'accroître l'utilité d'un individu sans réduire l'utilité des autres individus ?

# 4. L'optimalité parétienne: la boîte d'Edgeworth



- Condition nécessaire pour une situation Pareto-optimale : que les TMS soient égalisés entre les consommateurs
  - Ici, condition:  $TMS^{A}_{1,2} = TMS^{B}_{1,2}$
  - Interprétation:
    - si l'agent A doit céder une unité de bien 1, il n'est prêt à le faire qu'à condition d'obtenir TMS<sup>A</sup><sub>1,2</sub> unités de bien 2 en retour
    - si l'agent B reçoit une unité de bien 1, il est prêt à céder jusqu'à TMS<sup>B</sup>12 unités de bien 2.
    - A et B pourraient échanger leurs biens... mais aucun intérêt puisque cela n'améliorerait l'utilité d'aucun d'eux!
    - Si TMS<sup>A</sup><sub>1,2</sub> < TMS<sup>B</sup><sub>1,2</sub>, alors si une unité du bien 1 est transféré à A en échange de TMS<sup>A</sup><sub>1,2</sub> unités du bien 2, A va garder le même niveau d'utilité mais B va atteindre une utilité plus grande (puisqu'il était prêt à donner jusqu'à TMS<sup>B</sup><sub>1,2</sub> pour conserver le même niveau d'utilité) → amélioration parétienne possible
    - Idem si  $TMS_{1,2}^A > TMS_{1,2}^B$

- L'optimalité parétienne correspond à une définition de l'efficience économique
- L'optimalité parétienne d'une allocation ne dit <u>rien</u> de son caractère (socialement) juste!
  - <u>Illustration</u>: soit une économie avec n agents et un seul bien disponible en quantité w. Supposons que cette économie soit caractérisée par l'allocation x = (x<sub>1</sub>, x<sub>2</sub>, ..., x<sub>n</sub>)

avec 
$$x_1 = w et x_i = 0$$
 pour tout  $i = 2,..., n$ 

- Situation d'inégalité maximale
- Mais dès lors que les préférences sont monotones, cette allocation est paréto-optimale.

#### Exercice : un peu de dessin...

Déterminer les allocations réalisables, les optima de Pareto, et représenter la boîte d'Edgeworth pour les économies caractérisées par les fonctions suivantes:

1. 
$$U_A(X_A, Y_A) = X_AY_A$$
 et  $U_B(X_B, Y_B) = X_BY_B$ 

1. 
$$U_A(X_A, Y_A) = min(2X_A, Y_A)$$
 et  $U_B(X_B, Y_B) = X_BY_B$ 

En considérant le vecteur de ressources (X,Y) = (20,20), les dotations initiales  $(X_A,Y_A)=(5,10)$  et  $(X_B,Y_B)=(15,10)$ .

# 5. La contrainte budgétaire

- Les préférences sont définies sur l'ensemble des paniers de consommation imaginables
- Mais les agents font face à des contraintes (monétaires, temporelles, spatiales)
  - Que fait le consommateur lorsqu'il dispose de ressources limitées ? Comment/que choisit-il ?
  - Cas le plus usuel : introduction d'une contrainte budgétaire
    - Valeurs des ressources et des biens exprimés sous forme monétaire : revenu et prix
    - Mais on pourrait aussi imaginer une contrainte temporelle

# 5. La contrainte budgétaire

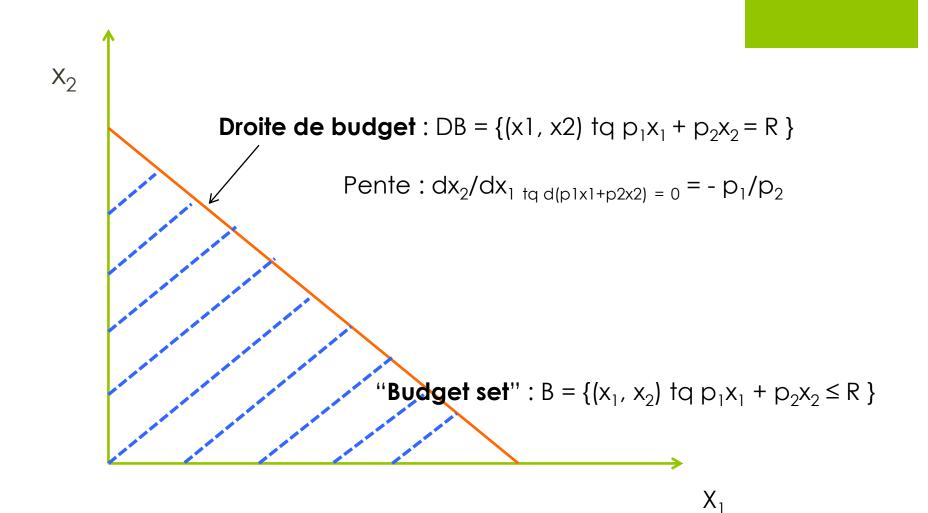
- Soit un consommateur, et deux biens 1 et 2
  Soit R le revenu de ce consommateur, p<sub>1</sub> et p<sub>2</sub> les prix des biens 1 et 2
- **Def11**: la <u>contrainte budgétaire</u> du consommateur est l'ensemble des combinaisons  $x = (x_1, x_2)$  telles que ses dépenses totales soient égales à son revenu

$$DB(p_1, p_2, R) = \{(x_1, x_2) \text{ de } X \text{ tq} : p_1x_1 + p_2x_2 = R\}$$

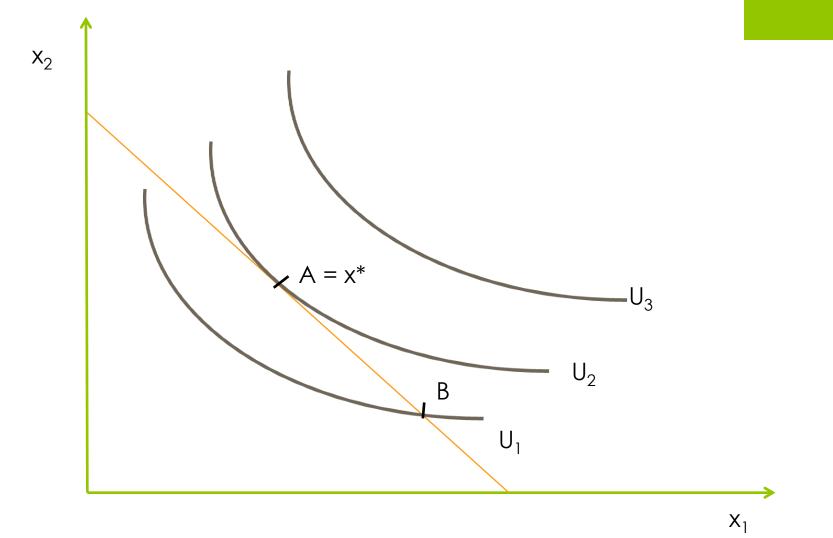
- Peut être représentée par une droite : la <u>droite de budget</u>
- Def12 : <u>l'ensemble de budget</u> du consommateur est l'ensemble des combinaisons x = (x<sub>1</sub>, x<sub>2</sub>) telles que ses dépenses totales soient inférieures ou égales à son revenu

$$B(p_1, p_2, R) = \{(x_1, x_2) \text{ de } X \text{ tq} : p_1x_1 + p_2x_2 \le R\}$$

# 5. La contrainte budgétaire



- On sait maintenant représenter les préférences d'un individu et sa contrainte budgétaire → comment détermine t'on les quantités qu'il va choisir de consommer ?
- Hypothèse sur le comportement individuel : l'individu supposé rationnel maximise son niveau de satisfaction compte tenu de ses ressources limitées
  - → donne le **panier** de consommation **optimal**
- Deux conditions nécessaires à l'optimalité:
  - Le panier optimal doit appartenir à la droite de budget <u>si</u> les préférences sont monotones (→ saturation de la contrainte)
  - Le panier optimal x\* = (x<sub>1</sub>\*, x<sub>2</sub>\*) doit fournir au consommateur la combinaison préférée des biens et services qui appartient à l'ensemble du budget



- Le panier optimal  $x^* = (x_1^*, x_2^*)$  qui maximise l'utilité du consommateur compte tenu de sa contrainte budgétaire doit appartenir à la plus haute courbe d'indifférence qui touche la droite de budget
  - → lorsque les préférences sont <u>convexes</u>, correspond au **point de tangence** entre la droite de budget et une courbe d'indifférence.
- Au point A:
- (i)  $x^*$  appartient à la droite de budget

$$\rightarrow dx_2^*/dx_1^* = -p_1/p_2$$

(ii)  $x^*$  appartient à la courbe d'indifférence

$$\rightarrow TMS_{1,2}(x_1^*, x_2^*) = -dx_2^*/dx_1^* = [\partial U/\partial x_1](x^*)/[\partial U/\partial x_2](x^*)$$

Ainsi, la satisfaction du consommateur est maximisée lorsque :

$$\mathsf{TMS}_{1,2}(x_1^*, x_2^*) = \mathsf{p}_1/\mathsf{p}_2$$

- Interprétation: l'utilité est maximisée lorsque le gain d'une unité supplémentaire du bien 1, exprimé en termes de renoncement au bien 2 (soit TMS<sub>1,2</sub>) est égal au coût marginal du bien 1, exprimé en termes du bien 2 (p<sub>1</sub>/p<sub>2</sub>)
  - Ce sont les prix relatifs qui sont pertinents
  - Que se passerait-il si  $TMS_{1,2} < p_1/p_2$ ?
- **Corollaire :** le TMS étant égal au rapport des utilités marginales, on a, pour le panier optimal  $x^*$ :

$$U_{m1}(x^*)/p_1 = U_{m2}(x^*)/p_2$$

→ Principe d'égalisation marginale : l'utilité marginale par euro dépensé pour un bien est la même pour tous les biens

Au point A (x\*) on définit la demande (marshallienne) du consommateur i comme une <u>fonction du vecteur des prix et du</u> revenu individuel :

$$x^{i}(p,R_{i})=(x_{1}^{i*}(p_{1},p_{2},R_{i}),x_{2}^{i*}(p_{1},p_{2},R_{i}))$$

- Propriétés de la fonction de demande:
  - $x^i(p,R_i)$  est homogène de degré 0 :

pour tout 
$$(p,R_i) > 0$$
 et  $a > 0$ ,  $x^i(ap, aR_i) = x^i(p,R_i)$ 

•  $x^i(p,R_i)$  vérifie la **loi de Walras**:

pour tout p > 0, 
$$R_i$$
 > 0, p.  $x^i$  (p, $R_i$ ) =  $R_i$  (du fait de la monotonicité des préférences)

NB: on omet l'exposant i lorsqu'il n'y a pas d'ambiguïté sur l'agent auquel on fait référence.

# 6. Résolution graphique de la demande

Exercice: une économie à trois biens...

Montrer que la fonction de demande x(p,R) d'un agent définie par  $x(p,R) = (x_1(p,R), x_2(p,R), x_3(p,R))$ , avec :

1) 
$$x_1(p,R) = p_2/[p_1 + p_2 + p_3]$$
.  $[R/p_1]$ 

2) 
$$x_2(p,R) = p_3/[p_1 + p_2 + p_3]$$
.  $[R/p_2]$ 

3) 
$$x_3(p,R) = b.p_1/[p_1 + p_2 + p_3]$$
.  $[R/p_3]$ 

est homogène de degré 0.

Ecrire la loi de Walras dans ce cas. Est-elle vérifiée ici?

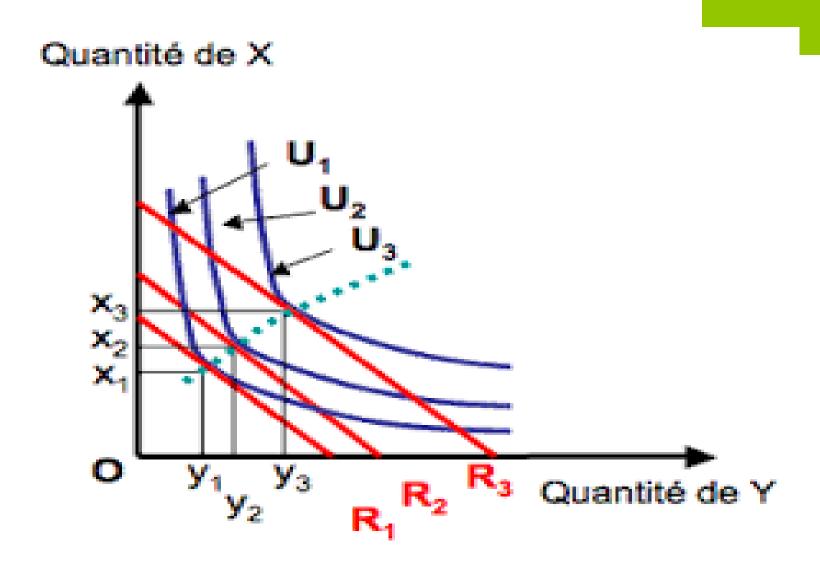
- Les préférences sont supposées exogènes et idiosyncratiques
- Mais les revenus et les prix peuvent être modifiés, notamment par des décisions de politiques publiques ou des chocs exogènes
- → Comment la demande individuelle est-elle affectée lorsque les prix et le revenu individuel changent?
  - Modification de la contrainte budgétaire, et donc du panier optimal
- Hicks: analyse des effets de ces modifications (Valeur et Capital, 1939)
  - Effet de substitution
  - Effet revenu

Def13 : <u>l'effet revenu</u> d'un bien j mesure la variation de la consommation de ce bien à l'optimum lorsque le revenu de l'agent varie

$$ER = \partial x_{j}(p,R)/\partial R$$

- Def14 : L'ensemble des paniers {x(p,R), R > 0, p fixé} est appelé <u>courbe de consommation-revenu</u>
- Def15 : <u>la courbe d'Engel</u> pour le bien j est la représentation graphique de la fonction donnant la demande marshallienne de bien j pour tout niveau de revenu R
  - Les courbes d'Engel pour chaque bien j peuvent être construites à partir de la courbe de consommation-revenu

## 7. Effet revenu et effet prix Courbe de consommation-revenu



#### Définitions :

Un bien est dit <u>normal</u> lorsque son effet revenu est positif ou nul:

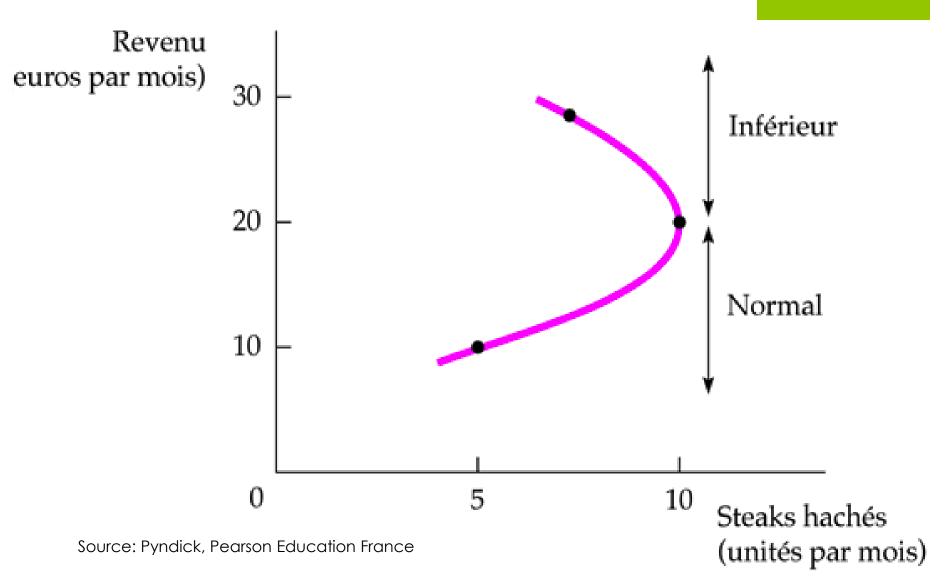
$$\partial x_j(p,R)/\partial R \ge 0$$

Un bien est dit <u>inférieur</u> lorsque son effet revenu est négatif :

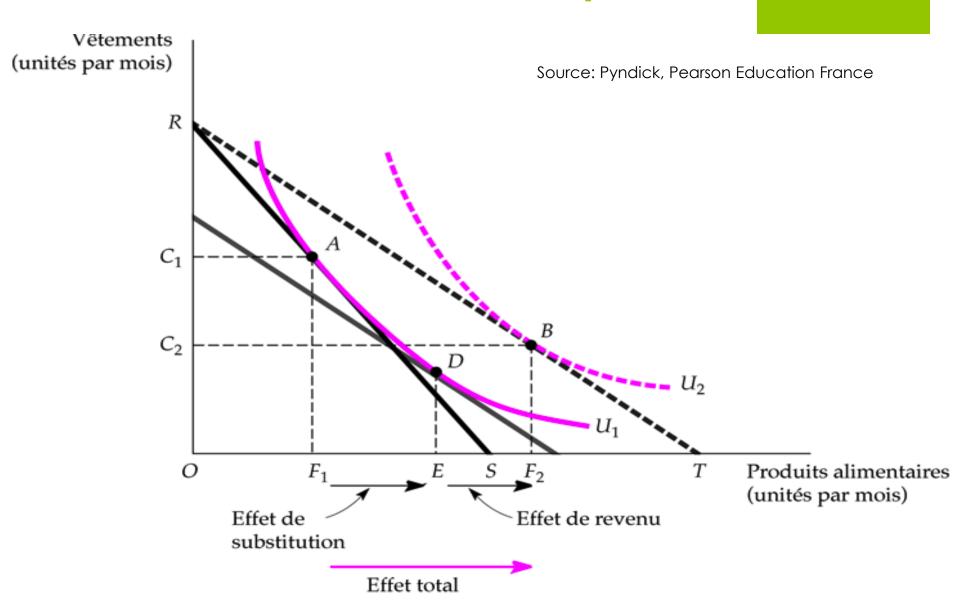
$$\partial x_i(p,R)/\partial R < 0$$

Cas des biens de qualité inférieure

Courbe d'Engel



- Def16: <u>l'effet prix</u> d'un bien j mesure la variation de la consommation de ce bien à l'optimum lorsque le prix de ce bien varie, que les autres prix et que le revenu restent inchangés
  - Attention ! L'effet-prix se décompose en <u>deux effets</u> :
    - Un <u>effet de substitution</u>: mesure la variation dans la consommation du bien j induite par la seule variation du prix de ce bien, à niveau d'utilité inchangée
    - Un <u>effet de revenu</u>: correspond à la variation additionnelle dans la consommation du bien j induite par le gain de pouvoir d'achat permis par la baisse du prix du bien j
      - C'est l'effet de revenu qui traduit l'expansion de l'ensemble de budget
      - L'effet revenu permet d'atteindre une courbe d'utilité plus élevée



Def17: Un bien est dit de Giffen lorsque son effet prix est positif:

$$\partial x_j(p,R)/\partial p_j \ge 0$$

- Pour les biens de Giffen, la baisse du prix induit une baisse des quantités consommées (et réciproquement)
  - Ex: la pomme de terre ; la margarine
- Traduit le fait que l'effet de revenu joue négativement sur la quantité consommée du bien j et fait plus que compenser l'effet positif de substitution

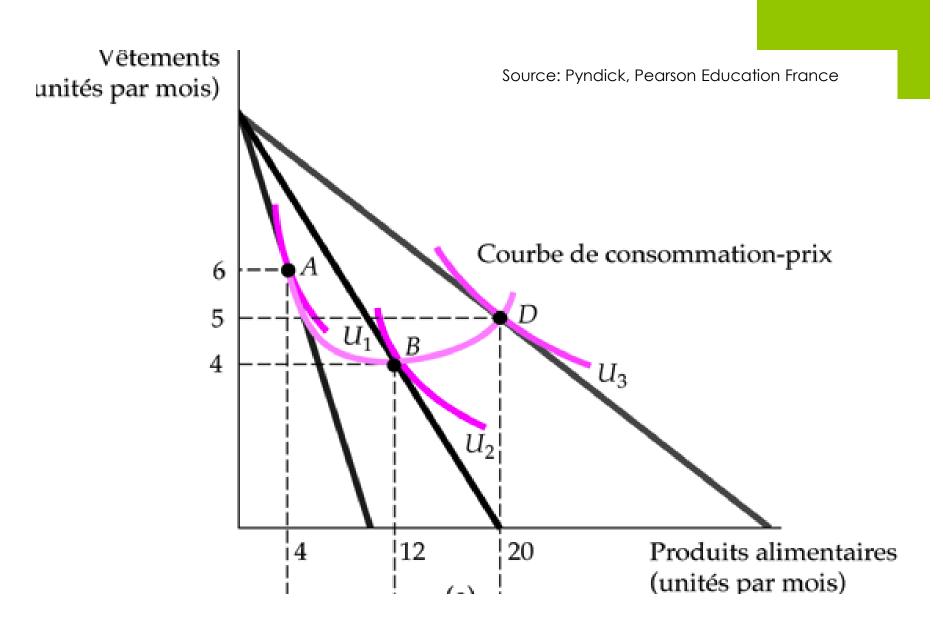
## 7. Effet de revenu et effet prix: élasticités

#### Exercice:

Représenter graphiquement un exemple de préférences et de contrainte budgétaire telles que le bien 1 soit un bien de Giffen.

Précisez les deux effets à l'œuvre.

- <u>Def18</u>: L'ensemble des paniers {x(p,R), p<sub>j</sub> > 0, p<sub>-j</sub> et R fixés} est appelé <u>courbe de consommation-prix</u> (du bien j)
  - Cette courbe décrit la manière dont évolue le panier de biens solution au programme d'optimisation de l'utilité quand le prix du bien j change, le revenu R et les autres prix (notés p<sub>-i</sub>) restant constants
- **Def19**: La <u>fonction de demande walrasienne à revenu</u> <u>fixe</u> pour le bien j se définit comme l'ensemble :  $\{x_j (p,R), p_j > 0, p_{-j} \text{ et } R \text{ fixés}\}$



Def20 : La <u>demande de revenu compensé</u> (« incomecompensated demand »), ou <u>demande hicksienne</u>, correspond à l'ensemble des paniers solutions au problème de <u>minimisation de la dépense</u> permettant <u>d'atteindre un niveau d'utilité donné</u>, lorsque les prix varient

$$h(p, \mathbf{U_o}) = (x_{1i}^*(p_1, p_2, \mathbf{U_o}), x_{2i}^*(p_1, p_2, \mathbf{U_o}))$$

- Def21 : La <u>courbe de demande hicksienne</u> représente la demande de revenu compensée comme une fonction des prix
  - Courbe de demande hicksienne du bien j : h<sub>i</sub>(p<sub>i</sub>, U) = { h(p, U), p<sub>i</sub> > 0, p<sub>-i</sub> fixés, U fixé}

(p donnés)

## 7. Effet de revenu et effet prix: élasticités

Def22 : <u>l'élasticité-revenu</u> de la demande du bien j (par rapport au revenu R) se définit comme la variation (en %) dans la quantité de bien j consommée à l'optimum induite par une variation de 1 % du revenu

$$\varepsilon_{j,R} = [\partial x_j(p,R)/\partial R].[R/x_j(p,R)]$$

Def23 : <u>l'élasticité-prix</u> de la demande du bien j (par rapport à son prix) se définit comme la variation (en %) dans la quantité de bien j consommée à l'optimum induite par une variation de 1 % de son prix p<sub>i</sub>

$$\varepsilon_j = [\partial x_j(p,R)/\partial p_j].[p_j/x_j(p,R)]$$
 (p\_j et R donnés)

Def24 : <u>l'élasticité-prix croisée</u> de la demande du bien j par rapport à au prix du bien k se définit comme la variation (en %) dans la quantité de bien j consommée à l'optimum induite par une variation de 1 % du prix du bien k

$$\varepsilon_{j,k} = [\partial x_j(p,R)/\partial p_k].[p_k/x_j(p,R)]$$
 (p\_k et R donnés)

## 7. Effet de revenu et effet prix: élasticités

#### Elasticité-prix:

- Si  $\varepsilon_i > 0$  alors le bien j est un bien de Giffen ou un bien de Veblen
- Si -1 <  $\epsilon_i \le 0$  alors le bien j est un **bien faiblement élastique**
- Si  $\varepsilon_i$  < 1 alors le bien j est un bien fortement élastique

#### Elasticité-revenu:

- Si  $\varepsilon_{i,R} > 0$  alors le bien j est un bien **normal** 
  - Si  $\varepsilon_{i,R} > 1$  alors le bien j est un bien **de luxe**
- Si  $\varepsilon_{i,R}$  < 0 alors le bien j est un bien **inférieur**

#### Elasticité-prix croisée:

- Si  $\varepsilon_{j,k} > 0$  et  $\varepsilon_{k,j} > 0$  alors les biens j et k sont des **substituts**
- Si  $\varepsilon_{i,k}$  < 0 et  $\varepsilon_{k,i}$  < 0 alors les biens j et k sont des **compléments**
- Si  $\varepsilon_{i,k} = 0$  et  $\varepsilon_{k,i} = 0$  alors les biens j et k sont **indépendants**

Exercice: « food stamps » vs prestation monétaire d'aide sociale

A l'aide d'un graphique, montrer que dans le cadre d'analyse standard de la microéconomie (préférences convexes et monotones), une aide monétaire est plus efficace (au sens parétien) qu'une politique de prestations en nature.

- NB: les « food stamps » constituent un pilier de la politique américaine contre la pauvreté: les familles pauvres se voient attribuer des bons d'achats qu'ils ne peuvent échanger que contre de la nourriture (= c'est une prestation en nature)
- <u>Indication</u>: considérer seulement deux biens, la nourriture (x) et le revenu résiduel (= ce qui reste de budget pour la consommation des autres biens une fois que la nourriture est achetée)

#### Références

- Pindyck, R. S., & Daniel L.. Rubinfeld. (2012). Microéconomie. Pearson, Pearson Education.
- Varian, H. R. (2006). Introduction à la microéconomie. Editions de boeck.
- Bergstrom, T. C., & Varian, H. R. (2007). Exercices de microéconomie.
   Volume 1. Editions de boeck.
- Bergstrom, T. C., & Varian, H. R. (2007). Exercices de microéconomie.
   Volume 2. Editions de boeck.
- Picard, P. (1990). Eléments de microéconomie: théorie et applications. Montchrestien.
- Jullien, B., & Picard, P. (2011). Eléments de microéconomie: Exercices et corrigés.